

本日の演習内容

最小二乗法 その 2

一次関数 $y = ax + b$ に関して、最小自乗法は解析的に解くことができる。

$$\text{傾き : } a = \frac{\sum_i^n x_i y_i - n \bar{x} \cdot \bar{y}}{\sum_i^n x_i^2 - n \bar{x}^2}$$

$$\text{切片 : } b = \frac{\bar{y} \sum_i^n x_i^2 - \bar{x} \sum_i^n x_i y_i}{\sum_i^n x_i^2 - n \bar{x}^2}$$

$$\text{ただし、} \bar{y} = \frac{1}{n} \sum_i^n y_i, \quad \bar{x} = \frac{1}{n} \sum_i^n x_i$$

課題 1

サーミスタの温度 t (°C) と抵抗 R (kΩ) の関係は次のように表される。

$$R = R_0 \exp(A / (t + 273.15))$$

下のデータを用いて、上の関係を最適化する R_0 と B の値を求めよ。

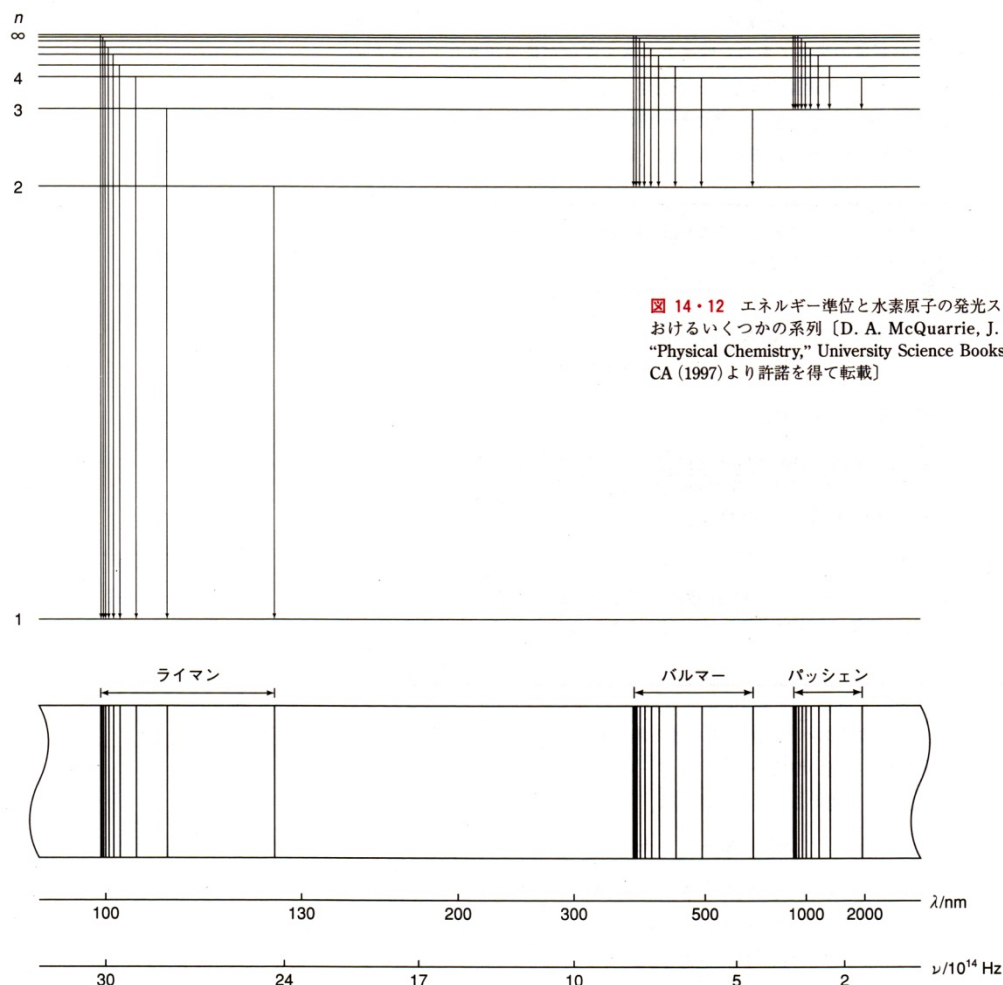
t_i	0	10	20	40	50	60	70	80	90	100
R_i	110.0	70.0	46.0	21.5	15.0	11.0	8.1	6.0	4.6	3.5

(考え方)

- (1) 上式の両辺の対数を取り、 $\ln R_i = A / (t_i + 273.15) + \ln R_0$ とする。
- (2) $y_i = \ln R_i$ 、 $x_i = 1 / (t_i + 273.15)$ とおくと、 $y_i = A \times x_i + \ln R_0$ となる。
- (3) ここで、傾き a は A 、切片 b は $\ln R_0$ である。
- (4) 散布図に回帰直線を挿入したものを作製する。
- (5) R_0 の値を求める。(切片 b から「=EXP(b)」を使う)
- (6) こういう操作をいちいち行わなくても、**Excel** は近似曲線を自動で求めてくれるので、その機能を使ってみる。
 - a) 絶対温度の逆数に対して $\ln R_i$ をプロットする。
 - b) データ点を選択し、右クリックして「近似曲線の追加」を選択。
 - c) 線形近似を選択し、グラフに数式を表示させる。詳細は授業で説明する。
- (7) 同様に、絶対温度の逆数に対して R_i をプロットし、指数関数の近似曲線を製作する。

課題 2

番号をふりながら、1 から順番に番号をふりながら、素数を小さい方から順番に 10 個ならべ、多項式で、1 次、2 次、3 次の近似曲線を求めてみる。



課題 3

気体水素に放電すると、水素分子 H_2 が解離して、エネルギー的に励起された水素原子 H ができ、離散的な波長の光を放出する。これがいわゆる水素原子の発光スペクトルであり、スウェーデンの分光学者リュードベリは、これらスペクトルの線列に以下の法則があることを 1890 年に発見した。

$$\bar{\nu} = R_H \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

ただし、 $n_1 = 1, 2, 3, \dots$ 、 $n_2 = n_1 + 1, n_1 + 2, n_1 + 3, \dots$ であり、 R_H はリュードベリ定数である。

水素原子の発光スペクトルには、波数が 82259、97492、102824、105292、106632、107440 cm^{-1} のところに輝線がある。 $n_1 = 1$ としてリュードベリ定数の値を導出せよ。

- 完成したら、ファイルをメールに添付して提出すること。

送り先：[ynagasa あつと fc.ritsumei.ac.jp](mailto:ynagasa@fc.ritsumei.ac.jp)

- メールのタイトルは” 基礎演習 2 レポート：氏名と学生証番号” とすること。
- 提出ファイルの最初のページの右上には必ず 氏名と学生証番号を記入 すること。
- ファイル名は “氏名+171025” とする。(例：立命太郎 171025)
 (「.xlsx」等の拡張子は自動で付くので、自分で書き込む必要はない)
- ファイル名の「氏名」以外は必ず半角。
- 最終締め切り：2017 年 10 月 31 日 (火曜)。
- 日常点評価の提出課題は定期試験と同等の意味があるので真剣に取り組むこと。