

知能科学：暗号

平井 慎一

立命館大学 ロボティクス学科

講義の流れ

- 1 暗号
- 2 公開鍵暗号
- 3 まとめ

通信の秘匿

コードトーカー (code talker)
 少人数しか理解できない言葉を通信に用いる
 「ウインドトーカーズ」: ナバホ語のコードトーカー
 薩摩方言の利用

暗号 (cryptography)
 シーザー暗号 (カエサル) 換字式
 ヴィジュネル暗号 (ヴィジュネル) 多表式
 エニグマ (シエルピウス) 機械式暗号機

量子通信 (quantum cryptography)
 量子鍵配送 量子通信により暗号の鍵を送る

暗号

通信文を変換する.

- 送信者と受信者のみが内容を知ることができる.
- 送信者と受信者以外の第三者は内容がわからない.
- 元の文を平文, 変換後の文を暗号文とよぶ.

暗号を解読: 第三者が何らかの方法で内容を知る...

暗号

エドガー・アラン・ポー 「黄金虫」

コナン・ドイル「踊る人形」



出典: <http://www.alz.jp/221b/holmes/danc.html>

江戸川乱歩 「二銭銅貨」

ダン・ブラウン「ダ・ヴィンチ・コード」

換字式暗号

換字式 (かえじしき) 暗号 (substitution cipher)
 平文の文字を, ある規則に基づいて変換する.

53 † † † 305))6*;4826)4 † .)4 †);806*;48 † 8 †
 60))85;1 † (: † *8 † 83(88)5*†;46(:88*96 *?;8)*†
 (:485);5*† 2.*† (:4956*2(5*—4)8 † 8*;4069285);)6 †
 8)4 † † ;1(† 9;48081;8:8 † 1;48 † 85;4)485 †
 528806*81(† 9;48;(88;4 († ?34;48)4 † ;161;:188; † ?;

出典: エドガー・アラン・ポー 「黄金虫」
[https://ja.wikipedia.org/wiki/黄金虫_\(小説\)](https://ja.wikipedia.org/wiki/黄金虫_(小説))

換字式暗号

平文

*A good glass in the bishop's hostel in the devil's seat
 forty-one degrees and thirteen minutes northeast and by
 north main branch seventh limb east side shoot from the
 left eye of the death's-head a bee line from the tree through
 the shot fifty feet out.*

暗号文

53 † † † 305))6*;4826)4 † .)4 †);806*;48 † 8 †
 60))85;1 † (: † *8 † 83(88)5*†;46(:88*96 *?;8)*†
 (:485);5*† 2.*† (:4956*2(5*—4)8 † 8*;4069285);)6 †
 8)4 † † ;1(† 9;48081;8:8 † 1;48 † 85;4)485 †
 528806*81(† 9;48;(88;4 († ?34;48)4 † ;161;:188; † ?;

出典: エドガー・アラン・ポー 「黄金虫」
[https://ja.wikipedia.org/wiki/黄金虫_\(小説\)](https://ja.wikipedia.org/wiki/黄金虫_(小説))

換字式暗号

鍵 (key)

a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n
5	2	—	†	8	1	3	4	6		0	9	*	
o	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z		
†	.	()	;	?	†	†	:					

換字式暗号の解読

頻度分布攻撃

各記号の頻度

8	;	4	‡)	*	5	6	(...
33	26	19	16	16	13	12	11	10	...

記号 '8' を文字 'e' と推測

換字式暗号の解読

頻度分布攻撃

各記号の頻度

8	;	4	‡)	*	5	6	(...
33	26	19	16	16	13	12	11	10	...

記号 '8' を文字 'e' と推測

3連記号列の頻度

;48)4‡	*;4	8†8	‡(;	...
7	4	3	3	3	...

記号列 ';48' を文字列 'the' と推測

記号 ';' を文字 't' と推測

記号 '4' を文字 'h' と推測

換字式暗号の解読

頻度分布攻撃

各記号の頻度

8	;	4	‡)	*	5	6	(...
33	26	19	16	16	13	12	11	10	...

記号 '8' を文字 'e' と推測

暗号の解読

多表式: 複数の換字表を順番に用いる
鍵語でどの換字表を用いるかを指定する. 頻度分析攻撃に強い.

ヴィジュネル暗号: カシスキーテスト攻撃

ヴィジュネル暗号の周期性に着目

鍵語の桁数が少ない場合に有効

エニグマ: 鍵語の長さ 105456

エニグマの初期型の解読 (周期性に着目)

レイエフスキ, ジガルスキ, ルジツキ (ポーランド)

解読機械ボンバとエニグマの模擬機械を接続: 解読の高速化

政治情勢の悪化: ポーランドの技術をイギリスに伝える

ボンバによるエニグマの解読

換字式暗号の解読

頻度分布攻撃

各記号の頻度

8	;	4	‡)	*	5	6	(...
33	26	19	16	16	13	12	11	10	...

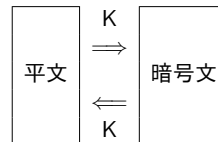
記号 '8' を文字 'e' と推測

3連記号列の頻度

;48)4‡	*;4	8†8	‡(;	...
7	4	3	3	3	...

暗号

鍵 (key)



換字式暗号の解読

頻度分布攻撃

各記号の頻度

8	;	4	‡)	*	5	6	(...
33	26	19	16	16	13	12	11	10	...

記号 '8' を文字 'e' と推測

3連記号列の頻度

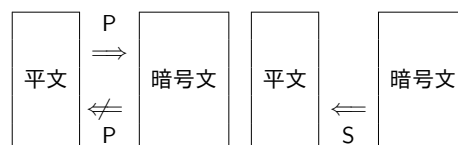
;48)4‡	*;4	8†8	‡(;	...
7	4	3	3	3	...

記号列 ';48' を文字列 'the' と推測

公開鍵暗号

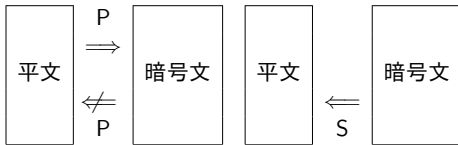
公開鍵 (public key)

秘密鍵 (secret key)



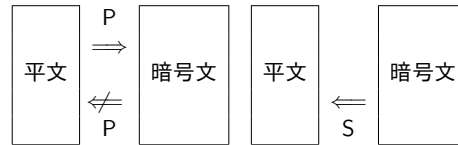
公開鍵暗号

公開鍵 (public key) 秘密鍵 (secret key)



公開鍵暗号

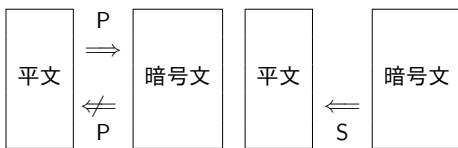
公開鍵 (public key) 秘密鍵 (secret key)



受信者：P と S を作成. P を公開
 送信者：P を使って明文 x を暗号文 y に変換 $y = P(x)$
 暗号文 y を受信者に送信
 受信者：S を使って暗号文 y を明文 x に復元 $x = S(y)$
 第三者：S を知らないので暗号文 y を明文に復元できない

公開鍵暗号

公開鍵 (public key) 秘密鍵 (secret key)



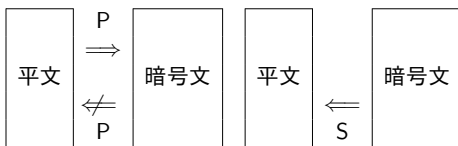
受信者：P と S を作成. P を公開

公開鍵暗号

公開鍵暗号の概念：ディフィー, ヘルマン, マークル
 Diffie, Hellman, Merkle
 2015年チューリング賞
 RSA 暗号：リベスト, シャミア, エーデルマン
 Rivest, Shamir, Adelman
 公開鍵暗号の実現
 2002年チューリング賞

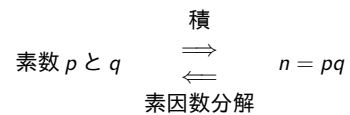
公開鍵暗号

公開鍵 (public key) 秘密鍵 (secret key)

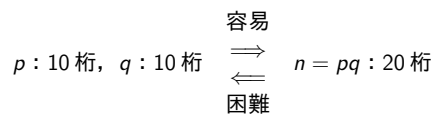


受信者：P と S を作成. P を公開
 送信者：P を使って明文 x を暗号文 y に変換 $y = P(x)$
 暗号文 y を受信者に送信

素因数分解

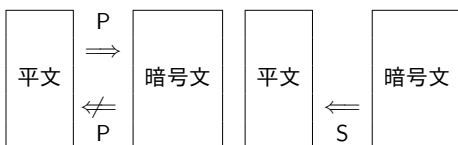


積の計算：容易
 素因数分解：困難



公開鍵暗号

公開鍵 (public key) 秘密鍵 (secret key)



受信者：P と S を作成. P を公開
 送信者：P を使って明文 x を暗号文 y に変換 $y = P(x)$
 暗号文 y を受信者に送信
 受信者：S を使って暗号文 y を明文 x に復元 $x = S(y)$

RSA 暗号

- 受信者
- 素数 p と q を選ぶ. $n = pq$
 - $(p-1)(q-1)$ と素な自然数 e を選ぶ.
互いに素：最大公約数が 1
 - ed を $(p-1)(q-1)$ で割った余りが 1 となる d を選ぶ.
 - 公開鍵 $P = (e, n)$ 秘密鍵 $S = d$

RSA 暗号

受信者

- 素数 p と q を選ぶ. $n = pq$
- $(p-1)(q-1)$ と素な自然数 e を選ぶ.
互いに素: 最大公約数が 1
- ed を $(p-1)(q-1)$ で割った余りが 1 となる d を選ぶ.
- 公開鍵 $P = (e, n)$ 秘密鍵 $S = d$

送信者

- 平文 $x (< n)$
- 公開鍵を使って暗号文 $y = x^e \bmod n$ を作成
($\bmod n$ は n で割った余りを意味する)

まとめ

暗号

換字式暗号
鍵

公開鍵暗号

RSA 暗号
素因数分解

RSA 暗号

受信者

- 素数 p と q を選ぶ. $n = pq$
- $(p-1)(q-1)$ と素な自然数 e を選ぶ.
互いに素: 最大公約数が 1
- ed を $(p-1)(q-1)$ で割った余りが 1 となる d を選ぶ.
- 公開鍵 $P = (e, n)$ 秘密鍵 $S = d$

送信者

- 平文 $x (< n)$
- 公開鍵を使って暗号文 $y = x^e \bmod n$ を作成
($\bmod n$ は n で割った余りを意味する)

受信者

- 秘密鍵を使って $y^d \bmod n$ を計算. これが x に一致する.

RSA 暗号

受信者

- $p = 7$ と $q = 11$ を選ぶ. $n = pq = 77$
- $(p-1)(q-1) = 60$ と素な自然数 $e = 13$ を選ぶ.
 $\text{GCD}(60, 13) = 1$
- $d = 37$ を選ぶ. $\text{rem}(ed = 481, (p-1)(q-1) = 60) = 1$
- 公開鍵 $P = (e, n)$ 秘密鍵 $S = d$

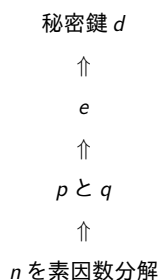
送信者

- 平文 $x = 15 (< 77)$
- 暗号文 $y = 15^{13} \bmod 77 = \text{rem}(15^{13}, 77) = 64$
暗号文 y を送信

受信者

- $64^{37} \bmod 77 = \text{rem}(64^{37}, 77) = 15$ が平文に一致

RSA 暗号



素因数分解を効率的に解くアルゴリズムが存在しないことが前提
量子計算では効率的に解くことが可能?