

## Q &amp; A (2)

生命物理 担当： 高橋卓也 (生命情報)

Q1 体積  $V$  の単原子理想気体の圧力  $P$  と内部エネルギー  $U$  の関係は：

Q2 絶対温度  $T$  は1分子の平均のエネルギー  $\bar{e}$  とボルツマン定数  $k$  を使って  $\bar{e} =$   と定義する

Q3 (1.2) の (4) 式： $U=3/2PV$  と (1) 式： $\bar{e}=3/2kT$  より  $U=3/2PV=N\bar{e}=3/2NkT \Rightarrow PV =$    $T$  (4) 理想気体の  方程式。  $N=m NA$  より モル数  $m$  を使うと  $PV = m NA kT =$  。  $R = NA k$  は  定数

Q4 力学における仕事 = 力  $F$  と移動距離ベクトル  $\Delta r$  の ： $\Delta' W = F \cdot \Delta r$ 。ここでは力と移動方向が同じ+か逆-の場合だけ考える。外から力  $F$  が働いて仕事をされたときの物体のエネルギーの  分： $\Delta U = \Delta' W = \pm$   
 (1) 具体例：容器内の気体が膨張し外部に仕事  $\Delta' W$  をする。  $P$ : 気体圧力 (一定)  $S$ : 容器の断面積 移動距離  $\Delta l$ ：  
 $\Delta' W =$    $\cdot \Delta l = P \cdot$   (2)  $\Delta V = S \cdot \Delta l$  は体積変化。膨張する時  $\Delta l > 0$  より仕事  $\Delta' W > 0$ 、収縮する時  $\Delta l < 0$  気体が外部に仕事をしエネルギーを与えれば内部エネルギー  $U$  は減少： $\Delta U =$   (3)

Q5 熱の符号：気体中の粒子が容器の壁を構成する原子に衝突し動かす時、容器の壁が動かなくても、エネルギーの移動が生じる。このようなエネルギーの移動を  と呼ぶ。分子の内部エネルギー、運動エネルギー、ポテンシャルエネルギーなどと違って熱エネルギーの  値は定義できない

Q6 内と外：上の (4) 式  $\Delta U = \Delta' Q - \Delta' W = \Delta' Q - P \cdot \Delta V$  はエネルギーの変化を  (つまり物質自体) から見たもの。プロペラで容器内の液体を攪拌した場合、各液体  にエネルギーが与えられ内部エネルギーが増加する。容器の膨張や収縮がないとすると  $\Delta V =$   より  $\Delta U =$    $\Delta' Q$

Q7 独立変数：単原子分子の理想気体の状態を定義するのに  変数 (体積  $V$  圧力  $P$  内部エネルギー  $U$  温度  $T$ ) を導入した。しかし、これらは全てが  ではなく  変数のみ独立。(1.2.4) (1.3.4)： $U =$    $PV = N\bar{e} =$    $NkT \Rightarrow PV =$    $T$ 。単原子分子の理想気体でない場合、 $U$  は  だけの関数ではなくなるが、 変数が  変数であることは同じ。粒子数  $N$  の変化がある場合、 $N$  も含めて独立変数は  になる。注：独立な変数同士では、勝手に一つの変数の値を変えても、他の独立変数の値は変わらない。上の  $V, P, U, T$  の4変数の場合も、2つ式(1.2.4と1.3.4)があるから  $4 - 2 =$   個だけしか自由ではない。

Q8 偏微分  $\partial z / \partial x$  )  $y$  とは  $y$  を  とみなし、 $z$  を  の関数として微分したもの。別の表現  $\partial z / \partial x$  )  $y = y_0$   $\partial z(x_0, y_0) / \partial x$ 。具体例： $z = x^2 \cdot y^3$  のとき  $\partial z / \partial x$  )  $y =$    $\cdot y^3$   $\partial z / \partial y$  )  $x =$  。1変数  $x$  の微小変化に関する近似関係式：1変数  $x$  の関数のときは普通の微分 =  $z$  の傾き： $\Delta z = z(x + \Delta x) - z(x) \sim$    $\cdot \Delta x$  (1) 2変数  $x, y$  の関数のとき  $y$  を固定して傾きを求めるから偏微分が必要： $\Delta z = z(x + \Delta x, y) - z(x, y) \sim$    $\cdot \Delta x$  (1')

Q9 2変数関数の微小な変化： を1つの数とみなして  と呼んだり、 $x$  の関数とみなして  と呼ぶこともある

Q10  $z = x^2 + y^2 + xy, y = w + x^2$  としたとき 偏微分  $\partial z / \partial x$  )  $w$  を 次の2通りから求めよ (答えだけ記入)

(1)  $z$  から  $y$  を消去

(2) (1.5の4)式を使う

Q11 1.6関係式まとめ：任意の物質に対して  $\Delta U = \Delta' Q - P \cdot \Delta V$  (1) または  $\Delta' Q = \Delta U + P \cdot \Delta V$  (1')。単原子理想気体の場合  $PV = NkT =$    $T$  (2)、 $U =$    $PV =$    $NkT =$    $m RT$  (3)。(2)は理想気体なら単原子でなくても成立(8章)。多原子分子の場合(3)は  $U = 3/2NkT + kNu(T)$  という形で書ける。 $u(T)$ は温度の複雑な関数。常温では2原子分子で  $U =$    $NkT$  それ以上で  $U =$    $NkT$  と近似可能。

Q12 [1]定積熱容量  $C_v$ ：体積一定を保ったまま温度を 1K 上げるのに必要な熱量 前の(1')を使って  $C_v = \Delta' Q / \Delta T$   $\Delta V = 0 = \Delta U / \Delta T$   $\Delta V = 0$  これは物質の量に比例するが 1モル当たりの場合、特にモル熱容量と呼ぶ 単原子分子の場合  $U =$    $NkT$  より、モル熱容量  $C_v =$    $NAk =$   [2]定圧熱容量  $C_p$ ：圧力一定を保ったまま温度を 1K 上げるのに必要な熱量。体積は膨張するので気体が行う仕事も含まれ  $C_v$  より大。モル定圧熱容量は前の(1)~(3)式を使って  $C_p = \Delta' Q / \Delta T$   $\Delta P = 0 = \Delta U / \Delta T$   $\Delta P = 0 + P \cdot \Delta V / \Delta T$   $\Delta P = 0 =$    $NAk =$   となる