

Q1 復習 熱力学の基本： 1.3 状態方程式 (P, V, T の関係式) $PV=N$ \square $=m$ \square 。
1.4 熱と仕事の関係 熱 $\Delta'Q$ 、仕事 $\Delta'W$ (P 一定: $\Delta P=0$) $\Delta U=\square$ $=\square$ 。

Q2 1.5 z が x, y, w の3変数関数の時 w 一定の偏微分は $\partial z/\partial x$ $w = \partial z/\partial x$ $y + \square$ 。
1.6 $U=\alpha PV=\alpha$ \square 。単原子理想気体なら $\alpha=\square$ 、2原子分子で \square 、それ以上で \square 。

Q3 外部と熱や仕事をやりとりする過程には \square 過程と \square 過程がある。熱力学第2法則：エントロピー変化: $\Delta S \geq \square$ 。生命現象は \square 過程。全系のエントロピー S は常に \square 。 ($\Delta S > 0$)

Q4 準静断熱膨張: 熱の出入りなし ($\Delta'Q=\square$) で無限にゆっくり気体がふくらむ \square 過程。
 $\Delta U=\square = -\Delta'W = -\square$ 。理想気体の場合 $U = \alpha kNT = \alpha PV$ より $\Delta U = -P\Delta V = \alpha (P\Delta V + V\Delta P)$ となり $\alpha V\Delta P = -(\square)P\Delta V$ この両辺を $\alpha \Delta V$ で割って $\Delta P/\Delta V = -\{\square\} P/V = \gamma P/V$ 。

Q5 $P=A$ \square (2) 状態方程式 $PV=kNT$ を使うと $\square = \text{一定}$ 。 T $\square = \text{一定}$
(4) $\gamma = 1 + 1/\alpha$ (3)だから $\gamma - 1 = \square > 0$ よって体積が増すと、 \square も \square も下がる

Q6 準静等温膨張: 外部 (温度一定の \square) に接触させ温度を保つことで可逆にする (気体と熱浴の温度は等しくない \square)。自由断熱膨張: 真空に向かって気体が拡散していく \square 過程

Q7 準静等温膨張 ($V1$ から $V2$) の時 仕事 $\Delta W = \int \square dV$ (1)。 $\Delta W = \int (kN \square) dV = kN \square$ (2)

Q8 準静断熱膨張 ($V1$ から $V2$) の時 $\Delta'Q=\square$ 。2.1の(4)式から、 $T2$ $\square = T1$ \square 。
 $T2$ を消去して $\Delta'W = \alpha kNT1 (1 - \square)$ (3) 直接積分を計算法 仕事 $\Delta'W = \int (A \square) dV = A \{\square\} / (1-\gamma) = \alpha A \{\square\}$ (4)。 $A = kNT (1 - (V1/V2) \square)$ (3)

Q9 自由断熱膨張: $\Delta U=\square$ 。 ΔV 微小の時: $\Delta U=\square = 0$ (5) これより $\Delta'Q = P\Delta V \square$ 。 \square の出入りはないが、気体が膨張によって攪拌され拡散し、その \square が気体に移った。体積の突然の膨張過程は \square 過程。膨張の前と後の状態は \square だが膨張の途中は \square 状態

Q10 カルノーサイクル: $A(V1, T) \Rightarrow \square$ 膨張 $\Rightarrow B(V2, T) \Rightarrow \square$ 膨張 $\Rightarrow C(V3, T')$ \Rightarrow 等温収縮 $\Rightarrow D(V4, T')$ \Rightarrow 断熱収縮 $\Rightarrow A$ を繰り返す。体積や温度の関係式: $T' = T \square = T \square \Rightarrow V1 V3 = \square$ (1)

Q11 熱機関の効率 = \square 。1と3は等温過程 $\Delta U=\square$ だから $\Delta'W1 = \square$ 。 $\Delta'W1 = kNT \log(\square)$ 。
 $\Delta'W3 = kNT' \log(\square) = kN \square \log(V2/V1)$ (2) 2と4は断熱過程 $\Delta'Q=\square$ 。2.2の(4)より $\Delta'W2 = \alpha kN(T - T') = -\Delta'W4$ 。 $\Delta'W2 + \Delta'W4 = 0$ 。仕事の総和 $\Delta'W = \Delta'W1 - \Delta'W3 = kN(\square) \log(\square)$ 。カルノーサイクルの効率 $\eta = \Delta'W / \Delta'Q1 = \{kN(T - T') \log(V2/V1)\} / \{kNT \log(V2/V1)\} = \square = 1 - T'/T$

冷却機関の効率: 低温熱源から吸収された熱 $\Delta'Q3$ と機関に与えた全仕事 $\Delta'W$ の比率 = \square 。

Q12 熱の計算(エントロピー): z が x, y の値によって決まる固有の関数であるためには $\Delta z = A \square + B \square$ (1) と表現でき、 x, y で順番を変えて偏微分した関数が一致しないとダメ。つまり $A = \square$ 、 $B = \square$ (2) かつ $\square x = \square y$ (3)。しかし $\Delta Q(U, V) = \square$ (4)。熱 Q は U, V で決まる物質固有の量として定義できない! 定義できるためには U, V で順番を変えて偏微分した関数が一致しないとダメだが、 $\partial \square / \partial V = \partial \square / \partial V = 0$ で $\partial \square / \partial U = \partial \square / \partial U \neq 0$ 一致しない!

熱に関して物質固有の量を得るため $\Delta z = C \Delta'Q = \square$ (5)となる変数 C を導入。 $C = \square$ なら理想気体では \square が物質固有の量! $\Delta S \equiv \Delta'Q/T = \square$ これが定義! S を \square と呼ぶ。
 $\Delta'Q = \square$ (6) $\Delta U = \square$ (7) $\partial U / \partial S = V = \square$ 、 $\partial U / \partial V = \square$ (8)

Q13 単原子分子理想気体のエントロピー 2.4より $\Delta S = \square$ (1)、 $\partial S / \partial U = V = \square$ 、 $\partial S / \partial V = T = \square$ (2)。1.3の(4)を使い、独立変数を U, V から T, V に変換。
 $\Delta S = \{\square\} / T + (\square) \Delta V$ 、よって $\partial S / \partial T = V = \square (kN/T)$ 、 $\partial S / \partial V = kN/V$ (3) 上の左式を積分 $S = (3/2) kN \square + S1(V)$ 上の右式から $\partial S1(V) / \partial V = kN/V \Rightarrow S1(V) = kN \square + S2$ $S2$ は N だけに依存 以上より $S = kN \log(\square) + S2$